

# Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

**Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}}$$

# Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

**Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

# Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

**Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

# Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

**Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1 \cdot g(x_0)}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)} - \frac{1 \cdot g(x_0 + \mathbf{h})}{g(x_0) \cdot g(x_0 + \mathbf{h})}}{\mathbf{h}}$$

# Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

**Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{g(x_0) - g(x_0 + \mathbf{h})}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)}}{\mathbf{h}} \quad \frac{a}{b} : c = \frac{a}{b \cdot c}$$

# Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

**Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = \frac{g(x_0) - g(x_0 + \mathbf{h})}{h \cdot g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)}$$

# Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

**Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = \frac{g(x_0) - g(x_0 + \mathbf{h})}{h} \cdot \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)}$$

# Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

**Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = -\frac{-g(x_0) + g(x_0 + \mathbf{h})}{h} \cdot \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)}$$



# Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

**Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = -\frac{g(x_0 + \mathbf{h}) - g(x_0)}{h} \cdot \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)}$$

# Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

**Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = -\frac{g(x_0 + \mathbf{h}) - g(x_0)}{h} \cdot \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)}$$

*Trin 3: Udregn grænseværdien*

## Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = -\frac{g(x_0 + \mathbf{h}) - g(x_0)}{h} \cdot \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)}$$

*Trin 3: Udregn grænseværdien*

$$\lim_{\mathbf{h} \rightarrow 0} -\frac{g(x_0 + \mathbf{h}) - g(x_0)}{h} \cdot \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)} =$$

## Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = -\frac{g(x_0 + \mathbf{h}) - g(x_0)}{h} \cdot \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)}$$

*Trin 3: Udregn grænseværdien*

$$\lim_{\mathbf{h} \rightarrow 0} -\frac{g(x_0 + \mathbf{h}) - g(x_0)}{h} \cdot \lim_{\mathbf{h} \rightarrow 0} \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)} =$$

## Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = - \frac{g(x_0 + \mathbf{h}) - g(x_0)}{h} \cdot \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)}$$

*Trin 3: Udregn grænseværdien*

$$- g'(x_0) \cdot \lim_{\mathbf{h} \rightarrow 0} \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)} =$$

## Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = -\frac{g(x_0 + \mathbf{h}) - g(x_0)}{h} \cdot \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)}$$

*Trin 3: Udregn grænseværdien*

$$-g'(x_0) \cdot \frac{1}{g(x_0) \cdot g(x_0)} =$$

## Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = -\frac{g(x_0 + \mathbf{h}) - g(x_0)}{h} \cdot \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)}$$

*Trin 3: Udregn grænseværdien*

$$-g'(x_0) \cdot \frac{1}{g(x_0)^2} =$$

## Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = - \frac{g(x_0 + \mathbf{h}) - g(x_0)}{h} \cdot \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)}$$

*Trin 3: Udregn grænseværdien*

$$- \frac{g'(x_0)}{g(x_0)^2}$$



## Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = -\frac{g(x_0 + \mathbf{h}) - g(x_0)}{h} \cdot \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)}$$

*Trin 3: Udregn grænseværdien*

$$f'(x) = -\frac{g'(x)}{g(x)^2}$$

# Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = -\frac{g(x_0 + \mathbf{h}) - g(x_0)}{\mathbf{h}} \cdot \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)}$$

*Trin 3: Udregn grænseværdien*

$$f'(x) = -\frac{g'(x)}{g(x)^2}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
$g \cdot h$	$g' \cdot h + g \cdot h'$	(12)
		(13)
		(14)
		(15)

# Differentialkvotient for $f(x) = \frac{1}{g(x)}$

Differentialkvotient for  $f(x) = \frac{1}{g(x)}$ , hvor  $g(x)$  er en differentiabel funktion der er forskellig fra 0.

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + \mathbf{h}) - f(x_0)}{\mathbf{h}} = \frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{\frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h})} - \frac{1}{g(x_0)}}{\mathbf{h}} = -\frac{g(x_0 + \mathbf{h}) - g(x_0)}{\mathbf{h}} \cdot \frac{1}{g(x_0 + \mathbf{h}) \cdot g(x_0)}$$

*Trin 3: Udregn grænseværdien*

$$f'(x) = -\frac{g'(x)}{g(x)^2}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
$g \cdot h$	$g' \cdot h + g \cdot h'$	(12)
$\frac{1}{g}$	$-\frac{g'}{g^2}$	(13)
		(14)
		(15)

# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = \frac{1}{x^3}$$

$$f(x) = \frac{1}{\ln(x)}$$

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
$g \cdot h$	$g' \cdot h + g \cdot h'$	(12)
$\frac{1}{g}$	$-\frac{g'}{g^2}$	(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)

# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = \frac{1}{x^3} \Rightarrow f'(x) = -\frac{3 \cdot x^{3-1}}{(x^3)^2}$$

$$f(x) = \frac{1}{\ln(x)}$$

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
$g \cdot h$	$g' \cdot h + g \cdot h'$	(12)
$\frac{1}{g}$	$-\frac{g'}{g^2}$	(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)

# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = \frac{1}{x^3} \Rightarrow f'(x) = \frac{3x^2}{x^6}$$

$$f(x) = \frac{1}{\ln(x)}$$

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
$g \cdot h$	$g' \cdot h + g \cdot h'$	(12)
$\frac{1}{g}$	$-\frac{g'}{g^2}$	(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)

# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = \frac{1}{x^3} \Rightarrow f'(x) = \frac{3}{x^4}$$

$$f(x) = \frac{1}{\ln(x)}$$

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
$g \cdot h$	$g' \cdot h + g \cdot h'$	(12)
$\frac{1}{g}$	$-\frac{g'}{g^2}$	(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)

# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = \frac{1}{x^3} \Rightarrow f'(x) = \frac{3}{x^4}$$

$$f(x) = \frac{1}{\ln(x)} \Rightarrow f'(x) = -\frac{\frac{1}{x}}{\ln(x)^2}$$

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
$g \cdot h$	$g' \cdot h + g \cdot h'$	(12)
$\frac{1}{g}$	$-\frac{g'}{g^2}$	(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)



# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = \frac{1}{x^3} \Rightarrow f'(x) = \frac{3}{x^4}$$

$$f(x) = \frac{1}{\ln(x)} \Rightarrow f'(x) = -\frac{1}{x \cdot \ln(x)^2}$$

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
$g \cdot h$	$g' \cdot h + g \cdot h'$	(12)
$\frac{1}{g}$	$-\frac{g'}{g^2}$	(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)

# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = \frac{1}{x^3} \Rightarrow f'(x) = \frac{3}{x^4}$$

$$f(x) = \frac{1}{\ln(x)} \Rightarrow f'(x) = -\frac{1}{x \cdot \ln(x)^2}$$

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \Rightarrow f'(x) = -\frac{\frac{1}{2\sqrt{x}}}{\sqrt{x}^2}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
$g \cdot h$	$g' \cdot h + g \cdot h'$	(12)
$\frac{1}{g}$	$-\frac{g'}{g^2}$	(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)

# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = \frac{1}{x^3} \Rightarrow f'(x) = \frac{3}{x^4}$$

$$f(x) = \frac{1}{\ln(x)} \Rightarrow f'(x) = -\frac{1}{x \cdot \ln(x)^2}$$

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \Rightarrow f'(x) = -\frac{\frac{1}{2\sqrt{x}}}{x}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
$g \cdot h$	$g' \cdot h + g \cdot h'$	(12)
$\frac{1}{g}$	$-\frac{g'}{g^2}$	(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)

# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = \frac{1}{x^3} \Rightarrow f'(x) = \frac{3}{x^4}$$

$$f(x) = \frac{1}{\ln(x)} \Rightarrow f'(x) = -\frac{1}{x \cdot \ln(x)^2}$$

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \Rightarrow f'(x) = -\frac{1}{2 \cdot x \cdot \sqrt{x}}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
$g \cdot h$	$g' \cdot h + g \cdot h'$	(12)
$\frac{1}{g}$	$-\frac{g'}{g^2}$	(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)