

# Differentialkvotient for $f(x) = k \cdot g(x)$

**Differentialkvotient for  $f(x) = k \cdot g(x)$ ,  
hvor  $g$  er en differentiabel funktion og  
 $k$  er et tal.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h}$$

# Differentialkvotient for $f(x) = k \cdot g(x)$

**Differentialkvotient for  $f(x) = k \cdot g(x)$ ,  
hvor  $g$  er en differentiabel funktion og  
 $k$  er et tal.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h} = \frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h}$$

# Differentialkvotient for $f(x) = k \cdot g(x)$

**Differentialkvotient for  $f(x) = k \cdot g(x)$ ,  
hvor  $g$  er en differentiabel funktion og  
 $k$  er et tal.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h} = \frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

# Differentialkvotient for $f(x) = k \cdot g(x)$

**Differentialkvotient for  $f(x) = k \cdot g(x)$ ,  
hvor  $g$  er en differentiabel funktion og  
 $k$  er et tal.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h} = \frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h} = \frac{k \cdot g(x_0 + h) - k \cdot g(x_0)}{h}$$

# Differentialkvotient for $f(x) = k \cdot g(x)$

**Differentialkvotient for  $f(x) = k \cdot g(x)$ ,  
hvor  $g$  er en differentiabel funktion og  
 $k$  er et tal.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h} = \frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h} = \frac{k \cdot (g(x_0 + h) - g(x_0))}{h}$$

# Differentialkvotient for $f(x) = k \cdot g(x)$

**Differentialkvotient for  $f(x) = k \cdot g(x)$ ,  
hvor  $g$  er en differentiabel funktion og  
 $k$  er et tal.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h} = \frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h} = k \cdot \frac{g(x_0 + h) - g(x_0)}{h}$$

# Differentialkvotient for $f(x) = k \cdot g(x)$

**Differentialkvotient for  $f(x) = k \cdot g(x)$ ,  
hvor  $g$  er en differentiabel funktion og  
 $k$  er et tal.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h} = \frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h} = k \cdot \frac{g(x_0 + h) - g(x_0)}{h}$$

*Trin 3: Udregn grænseværdien*

## Differentialkvotient for $f(x) = k \cdot g(x)$

**Differentialkvotient for  $f(x) = k \cdot g(x)$ ,  
hvor  $g$  er en differentiabel funktion og  
 $k$  er et tal.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h} = \frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h} = k \cdot \frac{g(x_0 + h) - g(x_0)}{h}$$

*Trin 3: Udregn grænseværdien*

$$\lim_{h \rightarrow 0} k \cdot \frac{g(x_0 + h) - g(x_0)}{h} = k \cdot \lim_{h \rightarrow 0} \frac{g(x_0 + h) - g(x_0)}{h}$$



## Differentialkvotient for $f(x) = k \cdot g(x)$

**Differentialkvotient for  $f(x) = k \cdot g(x)$ ,  
hvor  $g$  er en differentiabel funktion og  
 $k$  er et tal.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h} = \frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h} = k \cdot \frac{g(x_0 + h) - g(x_0)}{h}$$

*Trin 3: Udregn grænseværdien*

$$\lim_{h \rightarrow 0} k \cdot \frac{g(x_0 + h) - g(x_0)}{h} = k \cdot g'(x_0)$$

# Differentialkvotient for $f(x) = k \cdot g(x)$

**Differentialkvotient for  $f(x) = k \cdot g(x)$ ,  
hvor  $g$  er en differentiabel funktion og  
 $k$  er et tal.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h} = \frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h} = k \cdot \frac{g(x_0 + h) - g(x_0)}{h}$$

*Trin 3: Udregn grænseværdien*

$$\lim_{h \rightarrow 0} k \cdot \frac{g(x_0 + h) - g(x_0)}{h} = k \cdot g'(x_0)$$

$f$	$f'$
$g + h$	(10)
	(11)
	(12)
	(13)
	(14)
	(15)

# Differentialkvotient for $f(x) = k \cdot g(x)$

**Differentialkvotient for  $f(x) = k \cdot g(x)$ ,  
hvor  $g$  er en differentiabel funktion og  
 $k$  er et tal.**

*Trin 1: Indsæt funktionen i differenskvotienten*

$$\frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h} = \frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h}$$

*Trin 2: Reducer differenskvotienten*

$$\frac{k \cdot g(x_0 + h) - (k \cdot g(x_0))}{h} = k \cdot \frac{g(x_0 + h) - g(x_0)}{h}$$

*Trin 3: Udregn grænseværdien*

$$\lim_{h \rightarrow 0} k \cdot \frac{g(x_0 + h) - g(x_0)}{h} = k \cdot g'(x_0)$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
		(12)
		(13)
		(14)
		(15)

# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = 5x^3$$

$$f(x) = 4 \cdot \ln(x) + x^2$$

$$f(x) = 2\sqrt{x}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
		(12)
		(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)

# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = 5x^3 \Rightarrow f'(x) = 5 \cdot 3x^{3-1}$$

$$f(x) = 4 \cdot \ln(x) + x^2$$

$$f(x) = 2\sqrt{x}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
		(12)
		(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)

# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = 5x^3 \Rightarrow f'(x) = 15x^2$$

$$f(x) = 4 \cdot \ln(x) + x^2$$

$$f(x) = 2\sqrt{x}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
		(12)
		(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)

# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = 5x^3 \Rightarrow f'(x) = 15x^2$$

$$f(x) = 4 \cdot \ln(x) + x^2 \Rightarrow f'(x) = 4 \cdot \frac{1}{x} + 2x^{2-1}$$

$$f(x) = 2\sqrt{x}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
		(12)
		(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)

# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = 5x^3 \Rightarrow f'(x) = 15x^2$$

$$f(x) = 4 \cdot \ln(x) + x^2 \Rightarrow f'(x) = \frac{4}{x} + 2x$$

$$f(x) = 2\sqrt{x}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
		(12)
		(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)



# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = 5x^3 \Rightarrow f'(x) = 15x^2$$

$$f(x) = 4 \cdot \ln(x) + x^2 \Rightarrow f'(x) = \frac{4}{x} + 2x$$

$$f(x) = 2\sqrt{x} \Rightarrow f'(x) = 2 \cdot \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
		(12)
		(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)

# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = 5x^3 \Rightarrow f'(x) = 15x^2$$

$$f(x) = 4 \cdot \ln(x) + x^2 \Rightarrow f'(x) = \frac{4}{x} + 2x$$

$$f(x) = 2\sqrt{x} \Rightarrow f'(x) = \frac{2}{2\sqrt{x}}$$

$f$	$f'$
-----	------

$$g + h \quad g' + h' \quad (10)$$

$$k \cdot g(x) \quad k \cdot g'(x) \quad (11)$$

$$(12)$$

$$(13)$$

$$(14)$$

$$(15)$$

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)

# Anvendelse af regneregler

Bestem  $f'$  for følgende funktioner.

$$f(x) = 5x^3 \Rightarrow f'(x) = 15x^2$$

$$f(x) = 4 \cdot \ln(x) + x^2 \Rightarrow f'(x) = \frac{4}{x} + 2x$$

$$f(x) = 2\sqrt{x} \Rightarrow f'(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$$

$f$	$f'$	
$g + h$	$g' + h'$	(10)
$k \cdot g(x)$	$k \cdot g'(x)$	(11)
		(12)
		(13)
		(14)
		(15)

$f$	$f'$	
$k$	$0$	(1)
$k \cdot x$	$k$	(2)
$x^n$	$n \cdot x^{n-1}$	(3)
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	(4)
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	(5)
$e^x$	$e^x$	(6)
$e^{k \cdot x}$	$k \cdot e^{k \cdot x}$	(7)
$\ln(x)$	$\frac{1}{x}$	(8)
$a^x$	$a^x \cdot \ln(a)$	(9)